

## Lois discrètes

Loi	Valeurs Possibles	Probabilités de ces valeurs	Espérance	Variance	Modèle
Uniforme sur un ensemble fini	$\{1, 2, \dots, n\}$	$IP(X=k) = \frac{1}{n}$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$	i) Dans une urne, $n$ boules numérotées de 1 à $n$ . On effectue un tirage aléatoire ii) Jeu de dé à $n$ faces équilibrées
Bernoulli	$\{0, 1\}$	$IP(X=0) = 1-p = q$ $IP(X=1) = p$ avec $0 \leq p \leq 1$	$p$	$pq$	Dans une urne, 2 catégories de boules : proportion $p$ de boules blanches et $q$ de noires. On effectue un tirage : $X$ est la V.A. "nombre de boules blanches"
Binomiale $B(n, p)$	$\{0, 1, \dots, n\}$	$IP(X=k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ où $0 \leq p \leq 1$ et $p + q = 1$	$np$	$npq$	Dans une urne, 2 catégories de boules : proportion $p$ de boules blanches et $q$ de noires. On effectue $n$ tirages : $X$ est la V.A. "nombre de boules blanches"
Pascal	$\{r, r+1, \dots, \infty\}$	$IP(X=k) = C_{k-1}^{r-1} p^r q^{k-r}$ où $0 \leq p \leq 1$ et $p + q = 1$	$\frac{r}{p}$	$\frac{rq}{p^2}$	Dans une urne, 2 catégories de boules : proportion $p$ de boules blanches et $q$ de noires. On tire avec remise jusqu'à obtenir $r$ boules blanches : $X$ est la V.A. "nombre de tirages nécessaires"
Géométrique	$\{1, 2, \dots, \infty\}$	$IP(X=k) = q^{k-1} p$ où $0 \leq p \leq 1$ et $p + q = 1$	$\frac{1}{p}$	$\frac{q}{p^2}$	Dans une urne, 2 catégories de boules : proportion $p$ de boules blanches et $q$ de noires. On tire avec remise jusqu'à obtenir 1 boule blanche : $X$ est la V.A. "nombre de tirages nécessaires"
Poisson $P(\lambda)$	$\{0, 1, \dots, \infty\}$	$IP(X=k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$	$\lambda$	$\lambda$	Loi limite d'une loi binomiale lorsque $n > 50$ et $p < 0,10$ . Loi des événements rares en posant $\lambda = np$ .